

L'esprit model-théorique, hors de la Théorie des Modèles : le couple syntaxe-sémantique en contexte catégorique

Sylvain CABANACQ
Université Paris Diderot
SPHERE - Rehseis

8 novembre 2010

Il s'agira dans cette présentation de reprendre la distinction opérée par Jean Van Heijenoort (et reprise telle quelle par Hintikka), au sein de l'histoire de la logique moderne, entre "absolutisme" et "relativisme" logiques, et d'essayer de la réévaluer selon deux points de vue : en amont, en esquisant rapidement une généalogie philosophique de l'esprit *model-théorique*, et en aval, en confrontant ses implications avec d'autres "pratiques" de la logique, et avant tout celle développée par Joachim Lambek, dans le cadre d'une théorie catégorique des preuves.

De cette façon, il sera peut-être possible de comprendre les tensions internes à la distinction proposée par Van Heijenoort et ses rapports avec le couple syntaxe-sémantique, en dépassant l'objection qui lui est traditionnellement opposée : l'aperçu de Van Heijenoort tiendrait de l'histoire "écrite par les vainqueurs" – les théoriciens des modèles.

Pour ce faire, on essaiera de procéder en plusieurs temps :

1. en présentant la thèse de Van Heijenoort : j'utiliserai pour cela différents textes réunis dans ses *Selected Essays*, et principalement [Hei67]¹.
2. en retraçant rapidement une possible généalogie de cet "esprit model-théorique" qui se trouve selon l'auteur au cœur de la logique moderne, parce qu'il a su dépasser les limitations de l'absolutisme ;
3. en explicitant les rapports de cette thèse avec le couple syntaxe-sémantique, tel que le conçoivent des philosophes comme Cavaillès ou Lautman, ou les notions de vérité et de preuve qui l'accompagnent ;
4. en la confrontant enfin à la philosophie de la logique développée par Joachim Lambek (et son nominalisme constructif), voire avec le contexte catégorique de façon plus générale.

Certains aspects de cette présentation pourront paraître un peu programmatiques : il s'agit là en partie d'hypothèses de recherche, d'un *chantier en cours* en somme...

1. disponible sur JSTOR, sinon me contacter.

Références

- [Hei67] Jean Van Heijenoort. Logic as calculus and logic as language. *Boston studies in the philosophy of science*, 3 :440–446, 1967.
- [Lam89] Joachim Lambek. "On some connections between logic and category theory. *Studia Logica*, 48 :269–278, 1989.
- [Lam94] Joachim Lambek. "Are the traditional philosophies of mathematics really incompatible?". *Math. Intelligencer*, 16 :56–62, 1994.
- [Lam04] Joachim Lambek. "What is the world of mathematics?". *Annals of pure and applied algebra*, 126 :149–158, 2004.
- [Law69] F.W. Lawvere. "Adjointness in foundations". *Dialectica*, (23) :281–296, 1969.