Laboratoire PPS :
Preuves, Programmes, Systèmes

THÈSE DE DOCTORAT
de l'Université Paris VII – Denis Diderot
Spécialité : Informatique Fondamentale

PROGRAMMER, CALCULER ET RAISONNER AVEC LES RÉSEAUX DE LA LOGIQUE LINÉAIRE

présentée et soutenue publiquement le 16 décembre 2009 par

Stéphane Gimenez

devant le jury composé de

Thomas Ehrhard	(Directeur de thèse)
Marcelo Fiore	(Rapporteur)
Stefano Guerrini	
Daniel Hirschkoff	
Paul-André Melliès	
Laurent Regnier	(Rapporteur)

Révision : 2011-03-02

Les mises à jour de ce document, ainsi que d'autres formats,
sont disponibles à l'adresse :

`http://www.pps.jussieu.fr/~gimenez/these`

Merci

à plein de gens…
aux acteurs qui ont permis l'existence de ce document,
ainsi qu'aux lecteurs qui lui en donneront peut-être de nouvelles

Je remercie plus particulièrement Thomas, qui m'a présenté les divers aspects d'un monde à l'intersection des mathématiques et de l'informatique que je connaissais bien peu, et qu'il m'a plu de découvrir. Un monde qui révèle d'importants enjeux et dont l'intérêt apparaîtra plus clairement bientôt. En tout cas c'est ce que je pense, et j'aimerais bien avoir la chance de pouvoir explorer ce monde un peu plus. Un profond merci pour toute l'aide et pour la grande liberté que tu m'as laissée.

Je tiens aussi à remercier les membres de mon jury. Leur présence me fait honneur. Un merci spécial à *monsieur* Daniel, qui a si bien animé le MIM. Et un merci de plus à messieurs Laurent et Marcelo, car ils ont gentiment accepté de lire ces quelques pages et d'en faire un rapport.

L'entreprise à commencé alors que je jouais avec des petits graphes sur mon vieil ordinateur portable (remercié lui aussi). Jade m'a dit que je ferais bien d'en parler avec Manu, qui m'a dit d'aller voir monsieur Olivier. Grâce à eux (merci), j'avais appris que ces petits graphes c'était des réseaux d'interaction, en pas tout à fait aussi bien. Les réseaux d'interaction (merci monsieur l'inventeur), ce sont ces drôles d'objets qui sont dessinés un peu partout dans ce document. Peu après, j'ai rencontré Thomas, qui s'intéressait lui aussi à ces réseaux. Ayant déjà assisté à l'un de ses exposés, je savais qu'il s'amusait avec quelques acolytes (coucou à Lionel) à « dériver des programmes », ce qui était tout de même un peu fou. Tout ça avait donné naissance aux réseaux d'interaction différentiels, une espèce un peu particulière et très intrigante qui vit dans un espace un peu plus grand (mais on va garder les détails pour plus tard…). On pouvait espérer faire plein de choses avec, et ça me tentait bien d'essayer. En tout cas cela formait un passionnant sujet pour commencer une thèse.

Je me retrouvais donc dans ce bâtiment jaune, qui héberge le laboratoire PPS. Après seulement quelques jours on s'aperçoit qu'il y a beaucoup de langues officielles à PPS. Outre le franglais et l'agitage de mains (clin d'œil aux très conviviales troupes italiennes), il y a des gens qui parlent le lambda-calcul, d'autres qui parlent les catégories, certains les jeux, quelques uns le pi-calcul, beaucoup discutent dans des dialectes plutôt obscurs avec leurs ordinateurs (il ne faut pas oublier qu'on fait de l'informatique), et pour ma part, je me suis mis à dialoguer (un peu trop souvent) avec des réseaux. Au final, tout cela contribue à un excellent environnement pour faire de la science, car fort heureusement on trouve des interprètes pour toutes ces langues (merci aux encyclopédies vivantes qui traînent à PPS).

Je tiens à remercier les habitants des lieux, habituels ou occasionnels, bien sûr pour les discussions scientifiques, mais aussi pour la joyeuse effervescence autour de la table à café, ainsi que pour les bons moments passés ici ou ailleurs. Je remercierai plus particulièrement les personnes avec qui j'ai eu la chance de partager un bureau, Christine, Pierre, Paolo (grazie mille pour l'accueil à Rome), Séverine, Grégoire, Mehdi (le dealer de fourmis) et Stéphane. Plus tôt, il y a aussi eu Sam, Sylvain et Fabien. Tous ont su pimenter l'atmosphère d'une façon très agréable. L'ambiance n'aurait pas non plus été la même sans les sympathiques thésards d'à côté. Merci à Smimou, Nicolas, Fabien, re-Stéphane, Barbara, Thibault, Boris, Jonas, Gabriel, Beniamino… Merci aussi aux plus grands, Pierre, Vincent, Alexandre et les autres, ainsi qu'à la petite troupe du LIAFA : Claire, Julien, Florian, Mathilde, Marie et Eudes. Merci à David et Nicolas qui sont quelques fois venus du LIX pour rigoler avec nous, et aussi pour gribouiller un peu au tableau. Merci aux gens du chocolat.

Un merci++ pour mes compagnons de rédaction (Pierre, Christine et Grégoire) qui furent une source de soutient et de motivation fort appréciée pendant cette période. Merci à Odile, Audrey et Michèle qui rendent tout ça possible dans la bonne humeur.

Je pense également à d'autres amis, aux colocs en particulier, qui ont réussi à me supporter pendant ces quelques années. Si elles ont été formidables c'est aussi (et surtout) grâce à eux. Merci aux gens avec qui on a fait des truc cools, comme du roller, du go, de l'escalade, des gâteaux, du coiffage, du logiciel libre, du thé, de la fête de la science, du regardage de bon films, du regardage de mauvais films, de la coinche, du ski, des balades et bien d'autres choses. Merci Benoit pour les discussions diverses sur les choses et l'univers, à côté de ça on se dit qu'une thèse c'est quand même bien concret.

Enfin, je tiens à exprimer une immense reconnaissance à ma famille, à mon père Serge, à ma mère Brigitte, à mon frère Yannick (la petite créature est de lui) et aux autres, merci à eux pour tout ce qu'ils m'apportent et pour avoir toujours été là.

Table des matières